

ÖRNEK 1 :

$$\frac{1}{\frac{0,1}{0,11} + \frac{0,2}{0,22} - \frac{0,4}{0,44}}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 1 B) 1,1 C) 11
D) 22 E) 33

(ÖSS - 1999)

ÖRNEK 2 :

$$\frac{2,3}{0,23} + \frac{2,3}{0,1} \text{ işleminin sonucu kaçtır?}$$

- A) 34 B) 33 C) 23
D) $\frac{23}{11}$ E) $\frac{13}{11}$

(ÖSS - 2000)

ÇÖZÜM 1:

İfadenin paydasında bulunan rasyonel ifadelerin pay ve paydaları 100 ile genişletilirse;

$$\frac{1}{\frac{0,1}{0,11} + \frac{0,2}{0,22} - \frac{0,4}{0,44}}$$

$$\frac{1}{\frac{10}{11} + \frac{20}{22} - \frac{40}{44}} \text{ olur.}$$

Gerekli sadeleşmeler yapılırsa;

$$\frac{1}{\frac{10}{11} + \frac{20}{22} - \frac{40}{44}}$$

$$\frac{1}{\frac{10}{11} + \frac{10}{11} - \frac{10}{11}}$$

$$\frac{11}{10} = 1,1$$

Yanıt: B

ÇÖZÜM 2:

İfadenin pay ve paydaları sırasıyla 100 ve 10 ile genişletilirse;

$$\frac{2,3}{0,23} + \frac{2,3}{0,1}$$

$$\frac{230}{23} + \frac{23}{1} = 10 + 23 = 33$$

Yanıt : B

ÖRNEK 3 :

$$\left(\frac{3}{1-\frac{3}{4}} + \frac{\frac{3}{4}-1}{3} \right) : \frac{1}{12}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 12 B) 13 C) 14
D) 143 E) 144

(ÖSS - 2000)

ÇÖZÜM 3 :

Rasyonel ifadelerde işlem sırası:

- Parantez içi işlemler
- Bölme
- Çarpma
- Toplama
- Çıkarma

$$\left[\frac{3}{1-\frac{3}{4}} + \frac{\frac{3}{4}-1}{3} \right] : \frac{1}{12}$$

$$= \left(\frac{3}{\frac{1}{4}} + \frac{-\frac{1}{4}}{3} \right) : \frac{1}{12}$$

$$= \left[3 \cdot \frac{4}{1} + \left(-\frac{1}{4} \right) \cdot \frac{1}{3} \right] \cdot \frac{12}{1}$$

$$= \left(12 - \frac{1}{12} \right) \cdot 12$$

$$= \frac{144-1}{12} \cdot 12 = 143$$

YANIT : D**ÖRNEK 4:**

$$\frac{0,1}{0,01} + \frac{0,01}{0,001} - \frac{0,001}{0,0001}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 0,1 B) 0,2 C) 10
D) 20 E) 100

(2001 - ÖSS)

ÇÖZÜM 4:

İlk kesri 100 ile; ikinci kesri 1000 ile , üçüncü kesri 10.000 ile genişletirsek

$$\frac{10}{1} + \frac{10}{1} - \frac{10}{1} \text{ oluşur ki}$$

$$10 + 10 - 10 = 10 \text{ elde edilir.}$$

Yanıt: C

ÖRNEK 5:

$$\frac{0,28}{0,07} + \frac{0,5}{0,05} - \frac{36}{0,09}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) -390 B) -386 C) -385
D) -310 E) -300

(Kavram Dershaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 5:

Rasyonel ifadelerin pay ve paydaları 100 ile genişletilirse;

$$\begin{aligned} &= \frac{0,28}{0,07} + \frac{0,5}{0,05} - \frac{36}{0,09} \\ &= \frac{28}{7} + \frac{50}{5} - \frac{3600}{9} \\ &= 4 + 10 - 400 \\ &= -386 \text{ elde edilir.} \end{aligned}$$

Yanıt: B

ÖRNEK 6:

$$\frac{2,1}{0,07} + \frac{0,69}{0,023} - \frac{0,1}{0,005}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) 10 B) 20 C) 30
D) 40 E) 50

(Kavram Dershaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 6 :

Rasyonel ifadelerin pay ve paydaları sırasıyla 100 , 1000 ve 1000 ile genişletilirse;

$$\begin{aligned} &\frac{2,1}{0,07} + \frac{0,69}{0,023} - \frac{0,1}{0,005} \\ &= \frac{210}{7} + \frac{690}{23} - \frac{100}{5} \text{ elde edilir.} \\ &\text{Sadeleşmeleri yapılırsa;} \\ &30 + 30 - 20 = 40 \text{ olur.} \end{aligned}$$

Yanıt: D

ÖRNEK 7:

$$\frac{0,2 + \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^{-1} + \frac{1}{9}}{0,16 + \frac{2}{3}}$$

işleminin sonucu kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{2}{3}$ C) 1
D) $\frac{5}{3}$ E) 2

(Kavram Dershaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 7:

$$0,\bar{a} = \frac{a}{9} \text{ , } 0,a\bar{b} = \frac{ab - a}{90}$$

$$\text{olduğundan } 0,\bar{2} = \frac{2}{9} \text{ , } 0,1\bar{6} = \frac{16 - 1}{90} = \frac{15}{90} = \frac{1}{6}$$

$$\begin{aligned} &\frac{\frac{2}{9} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} + \frac{1}{9}}{\frac{1}{6} + \frac{2}{3}} = \frac{\left(\frac{2}{9} + \frac{1}{9}\right) + \frac{1}{2}}{\frac{1}{6} + \frac{4}{6}} \\ &= \frac{\frac{3}{9} + \frac{1}{2}}{\frac{5}{6}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{\frac{1}{3} + \frac{1}{2}}{\frac{5}{6}} \\ &= \frac{\frac{2}{6} + \frac{3}{6}}{\frac{5}{6}} \end{aligned}$$

$$= \frac{\frac{5}{6}}{\frac{5}{6}}$$

$$= \frac{5}{5} = 1$$

Yanıt: C

ÖRNEK 8:

$$\frac{4 + 4,8 : 0,2}{2 : 0,7 - 4\frac{6}{7}} \quad \text{işleminin sonucu kaçtır?}$$

- A) -22 B) -14 C) 28
D) 36 E) 64

(Kavram Dershaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 8:

İşlem sırası bölme, çarpma, toplama ve çıkarmadır.

O halde;

$$\begin{aligned} \frac{4 + 4,8 : 0,2}{2 : 0,7 - 4\frac{6}{7}} &= \frac{4 + \frac{48}{10} : \frac{2}{10}}{2 : \frac{7}{10} - \frac{34}{7}} \\ &= \frac{4 + \frac{48}{10} \cdot \frac{10}{2}}{2 \cdot \frac{10}{7} - \frac{34}{7}} \\ &= \frac{4 + 24}{\frac{20}{7} - \frac{34}{7}} \\ &= \frac{28}{\frac{-14}{7}} \\ &= \frac{28}{-2} \\ &= -14 \end{aligned}$$

Yanıt: B

ÖRNEK 9:

Aşağıdaki üçlülerden hangisi $\frac{1}{4}$ ile $\frac{1}{3}$ arasındadır?

- A) $\frac{6}{24}, \frac{7}{24}, \frac{8}{24}$ B) $\frac{10}{36}, \frac{11}{36}, \frac{12}{36}$
C) $\frac{13}{48}, \frac{14}{48}, \frac{15}{48}$ D) $\frac{17}{60}, \frac{18}{60}, \frac{20}{60}$
E) $\frac{18}{72}, \frac{19}{72}, \frac{20}{72}$

ÇÖZÜM 9:

$\frac{1}{4}$ ve $\frac{1}{3}$ kesirlerinin paydalarını eşitlersek

$\frac{3}{12}$ $\frac{4}{12}$ Payları ardışık paydaları
(4) (4) eşit olan kesirlerin arasına
3 kesir girecekse, kesirler
4 ile genişletilir.

$\frac{12}{48}$ $\frac{16}{48}$
↓ ↓
 $\frac{13}{48}, \frac{14}{48}, \frac{15}{48}$ olur

Yanıt: C

ÖRNEK 10:

$\frac{5a-10}{a+1}$ kesrini tamsayı yapan,

$1 < a < 15$ aralığında bulunan kaç tane a doğal sayısı vardır?

- A) 5 B) 4 C) 3
D) 2 E) 1

(Kavram Dershaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 10 :

$$\frac{5a-10}{a+1} = \frac{5a+5-15}{a+1}$$

$$= \frac{5(a+1)-15}{(a+1)}$$

$$= \frac{5(a+1)}{a+1} - \frac{15}{a+1}$$

$$= 5 - \frac{15}{a+1}$$

↓
3
5
15

verilen kesri bu şekilde dönüştürürsek payda olmalıdır.

$$\left. \begin{array}{l} a+1=3 \Rightarrow a=2 \\ a+1=5 \Rightarrow a=4 \\ a+1=15 \Rightarrow a=14 \end{array} \right\} \text{ bulunur o halde verilen aralıkta}$$

3 tane "a" doğal sayısı vardır.

Yanıt: C

ÖRNEK 11:

$$\frac{12}{x + \frac{12}{x + \frac{12}{x + \dots}}} = 3 \text{ işleminde}$$

x kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3
D) 4 E) 6

(Kavram Dershaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 11:

$$\frac{12}{x + \frac{12}{x + \frac{12}{x + \dots}}} = 3 \text{ ise}$$

$$x + \frac{12}{x + \frac{12}{x + \dots}} \Rightarrow 3 \text{ olur}$$

$$\frac{12}{x+3} = 3$$

$$\downarrow$$

4 olmalı

$$x+3=4 \text{ ise } x=1 \text{ bulunur.}$$

Yanıt: A

ÖRNEK 12:

Değeri $\frac{3}{5}$ olan bir kesrin payından 1 çıkarılır, paydasına 1 eklenirse kesrin değeri $\frac{1}{2}$ oluyor. **Bu kesrin paydası kaçtır?**

- A) 10 B) 15 C) 20
D) 25 E) 30

(Kavram Dershaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 12:

Değeri $\frac{3}{5}$ olan kesre $\frac{3x}{5x}$ diyelim.

$$\frac{3x-1}{5x+1} = \frac{1}{2} \Rightarrow 6x-2 = 5x+1$$

$x = 3$ bulunur.

Kesrin paydası $5x$ olduğu için

$5.3 = 15$ olur.

Yanıt: B

ÖRNEK 13:

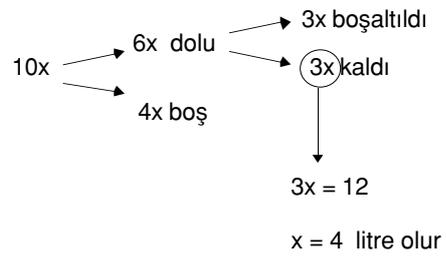
Bir bidonun $\frac{3}{5}$ i su ile doludur. Bu bidonda bulunan suyun yarısı boşaltıldığında geriye 12 litre su kalıyor. Bidon tam dolu olduğunda kaç litre su alır?

- A) 10 B) 20 C) 30
D) 40 E) 60

(Kavram Dershaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 13:

Bidonun tamamının $10x$ su aldığını düşünelim.



Tamamı : $10x$ ise $10.4 = 40$ litre olur.

Yanıt: D

ÖRNEK 14:

$$\frac{43}{13} + \frac{65}{17} + \frac{88}{23} = A \text{ ise}$$

$$\frac{4}{13} + \frac{14}{17} + \frac{19}{23} \text{ ifadesinin } A \text{ cinsinden değeri}$$

aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $A - 4$ B) $4 - A$ C) $A - 12$
D) $12 - A$ E) $A - 9$

(Kavram Dersaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 14:

$$\frac{4}{13} + \frac{4}{17} + \frac{19}{23} = B \text{ diyelim ve } A \text{ dan çıkaralım.}$$

$$\frac{43}{13} + \frac{65}{17} + \frac{88}{23} = A$$

$$\frac{4}{13} + \frac{14}{17} + \frac{19}{23} = B$$

$$\frac{39}{13} + \frac{51}{17} + \frac{69}{23} = A - B$$

$$3 + 3 + 3 = A - B$$

$$9 = A - B$$

$$B = A - 9 \text{ bulunur.}$$

Yanıt: A

ÖRNEK 15:

$$\frac{1}{2} - \frac{2}{3} : \frac{1}{6} + 4 = x$$

eşitliğinde x değeri kaçtır?

(Kavram Dersaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 15:

Parantezsiz işlemlerde işlem sırası;

bölme

çarpma

toplama ve çıkarmadır.

O halde;

$$\frac{1}{2} - \frac{2}{3} : \frac{1}{6} + 4 = x$$

$$\frac{1}{2} - \frac{2}{3} \cdot \frac{6}{1} + 4 = x$$

$$\frac{1}{2} - 4 + 4 = x$$

$$\frac{1}{2} = x$$

ÖRNEK 16:

$a < 0 < 5 < b$ ve a, b birer gerçel sayıdır.

Aşağıdakilerden hangisi daima doğrudur?

A) $\frac{1}{a} < \frac{1}{b} < \frac{1}{5}$ B) $\frac{1}{b} < \frac{1}{5} < \frac{1}{a}$

C) $\frac{1}{a} < \frac{1}{5} < \frac{1}{b}$ D) $\frac{1}{5} < \frac{1}{a} < \frac{1}{b}$

E) $\frac{1}{b} < \frac{1}{a} < \frac{1}{5}$

(Kavram Dersaneleri Sorusu)

ÇÖZÜM 16:

$a < 0$ olduğundan $\frac{1}{a}$ en küçüktür.

$$b > 5 \Rightarrow \frac{1}{b} < \frac{1}{5} \text{ olur.}$$

O halde doğru sıralama

$$\frac{1}{a} < \frac{1}{b} < \frac{1}{5} \text{ olmalıdır.}$$

Yanıt: A